

OLIMPIADA DE MATEMATICĂ A SATELOR DIN ROMÂNIA

ETAPA JUDEȚEANĂ 17.03.2018

CLASA a VII-a

Problema 1.(7 puncte)

Calculați media geometrică a numerelor x și y , unde:

$$x = 2 - \left[\left(\frac{1}{\sqrt{3}} + \frac{5}{\sqrt{12}} \right) \cdot \sqrt{3} - \left(2\sqrt{12} + \frac{2\sqrt{96}}{\sqrt{50}} \right) : (2\sqrt{3}) - \left(\frac{4\sqrt{3}}{5} - \frac{3}{2\sqrt{3}} \right) : \frac{1}{3\sqrt{3}} \right] \quad \text{și}$$

$$y = \frac{\sqrt{2} - \sqrt{1}}{\sqrt{2}} + \frac{\sqrt{3} - \sqrt{2}}{\sqrt{6}} + \frac{\sqrt{4} - \sqrt{3}}{\sqrt{12}} + \dots + \frac{\sqrt{16} - \sqrt{15}}{\sqrt{240}}.$$

Problema 2.(7 puncte)

Se consideră numărul $a = 1 + \frac{1}{1+2} + \frac{1}{1+2+3} + \dots + \frac{1}{1+2+\dots+200}$. Arătați că numărul $2,01 \cdot a$ este pătratul unui număr natural.

Problema 3.(7 puncte)

În trapezul $ABCD$, $AB \parallel CD$, iar $AC \cap BD = \{O\}$. Prin O se construiește o paralelă la AB , care intersectează $[AD]$ și $[BC]$ în punctele M , respectiv N .

- a) Demonstrați că $OB \cdot OC = OA \cdot OD$.
- b) Demonstrați că $[OM] \equiv [ON]$.

Problema 4.(7 puncte)

În triunghiul isoscel ABC , cu $[AB] \equiv [AC]$ și $m(\angle BAC) = 120^\circ$, fie D și E mijloacele laturilor $[AC]$, respectiv $[BC]$. Se construiește $DM \perp BC$, $M \in (BC)$. Dacă $DM \cap AB = \{F\}$, demonstrați că $AEDF$ este romb.

*Subiectele au fost - propuse de prof. Paula Balica - Școala Ion Agârbiceanu Cluj-Napoca
prof. Ioan Balica - Școala Ion Agârbiceanu Cluj-Napoca
- traduse de prof. Edit Szasz, Colegiul Tehnic Turda*

Toate subiectele sunt obligatorii.
Timp efectiv de lucru - 2 ore.

„Binele ce-l faci la oarecine, ți-l întoarce vremea care vine”
Anton Pann

Succes!